



# ¡Bienvenidos!



## REPARTICIÓN JUSTA

Cuando con un amigo íbamos por un camino encontramos a un hombre que ansiosamente nos preguntó: ¿Traéis quizás algo que comer? Me estoy muriendo de hambre.

- Me quedan tres panes - respondí
- Yo llevo cinco - dijo a mi lado mi compañero
- Pues bien sugirió él, yo os ruego que juntemos esos panes y comamos en forma equitativa e igual. Cuando lleguemos a Bagdad prometo pagar con ocho monedas de oro por el pan que coma, al llegar a aquella ciudad y sacando las ocho monedas nos dijo:
- Quiero repartir mi agradecimiento por el gran auxilio que me habéis

prestado, y para cumplir la palabra dada os pagaré lo que tan generosamente disteis. Y dirigiéndose al hombre que calculaba le dijo:

- Recibirás cinco monedas por los cinco panes y volviéndose a mi añadió:

- Y tú ¡OH BAGDALI!, recibirás tres monedas por los tres panes.

Mas con gran sorpresa mía, el calculador objetó respetuoso:

- ¡Perdón, oh jeque! La división hecha de ese modo puede ser muy sencilla, pero no es matemáticamente cierta.

¿Puede usted, alumno sagaz, decirme como debe repartirse las valiosas ocho monedas?

## Iniciamos en...



# 5:00

Escribe tu respuesta en el chat.



## REPARTICIÓN JUSTA

|            |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |   |
|------------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|---|
| $\Delta_3$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 8 |
| $\Delta_2$ |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 8 |
| H          |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | 8 |

(24)

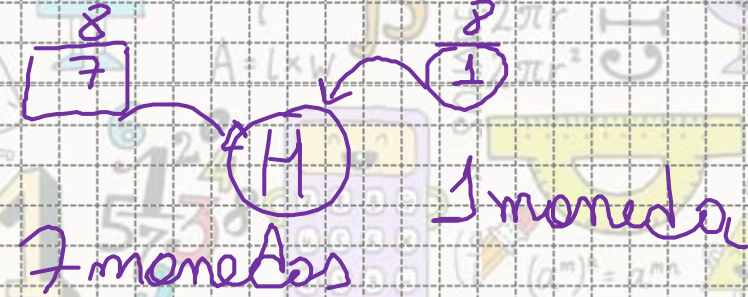
$H = 8 \text{ monedas}$

$$A_1 = 5 \text{ pares} = 5 \text{ monedas}$$

$$\Delta_2 = 3 \text{ pares} = 3 \text{ monedas}$$

$$A_1 = 5 \times 3 = 15$$

$$\Delta_2 = 3 \times 3 = 9$$





## Reparto Proporcional

Consiste en distribuir una cantidad en partes proporcionales a ciertos números llamados "índices" del reparto; ya sea en forma directa o inversamente proporcional.

### Forma General

Repartir "N" en partes  $P_1, P_2, P_3, \dots, P_n$  que sean D.P. a  $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_n$ . determinar cada una de las partes.

Partes  $P_1, P_2, P_3, \dots, P_n$

Índices  $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_n$

Condición  $P_1, P_2, P_3, \dots, P_n$  D. P.  $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_n$

$$\frac{P_1}{a_1} = \frac{P_2}{a_2} = \frac{P_3}{a_3} = \dots = \frac{P_n}{a_n} = k$$

$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{8}{12} = \frac{2+4+8}{3+6+12}$

k (constante de proporcionalidad)

$$k = \frac{P_1 + P_2 + P_3 + \dots + P_n}{a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n}$$

$$k = \frac{N}{S}$$

## Reparto simple directo

Cuando las partes a obtener son proporcionales a los índices.

### Prácticas

Repartir 400 en 3 partes que sean proporcionales a 2, 3 y 5 D.P.

$$N = 400 \quad a_1 = 2, a_2 = 3, a_3 = 5 \Rightarrow K = \frac{400}{10} = 40$$

$$a_1 = 2K = 2(40) = 80$$

$$a_2 = 3K = 3(40) = 120$$

$$a_3 = 5K = 5(40) = 200$$

$$K = \frac{N}{S} = \frac{400}{2+3+5} = \frac{400}{10} = 40$$

$$200 + 120 + 80 = 400$$

Repartir 470 en 3 partes que sean proporcionales a los números: 5/6, 3/8, 3/4

$$N = 470 \quad \frac{5}{6}, \frac{3}{8}, \frac{3}{4} \Rightarrow K = \frac{470}{10} = 47$$

$$\frac{5}{6} \Rightarrow \frac{5(24)}{6} = 5 \times 4 = 20$$

$$\frac{3}{8} \Rightarrow \frac{3(24)}{8} = 3 \times 3 = 9$$

$$\frac{3}{4} \Rightarrow \frac{3(24)}{4} = 3 \times 6 = 18$$

$$K = \frac{N}{S} = \frac{470}{10} = 47$$

$$20K = 20(47) = 940$$

$$9K = 9(47) = 423$$

$$18K = 18(47) = 846$$

$$940 + 423 + 846 = 2209$$



## Prácticas

- Repartir el número 1000 en 3 partes que sean D. P. a los números 2, 3 y 5. Hallar el menor número

$$\begin{aligned} 1000 & \rightarrow N \\ 2K &= 2(100) = 200 \\ 3K &= 3(100) = 300 \\ 5K &= 5(100) = 500 \\ K &= 100 \end{aligned}$$

- Un señor reparte 840 soles en partes proporcionales a las edades de sus tres hijos, siendo éstas de 24, 20 y 40 años. ¿Cuándo le corresponderá al mayor?

$$\begin{aligned} 840 & \rightarrow N \\ 24K &= 24(10) = 240 \\ 20K &= 20(10) = 200 \\ 40K &= 40(10) = 400 \\ K &= 10 \end{aligned}$$

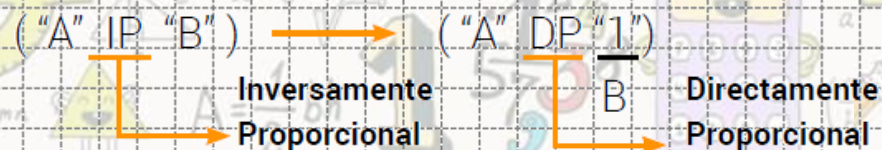
## Reto – Semana 16

- Dividir el número 688 en partes D.P. a 8, 15 y 20. Hallar la mayor parte
- Tres sastres compran un lote de piezas iguales de tela que valen 57680. El primero se queda con 2 piezas, el segundo con 7 y el tercero en 5. ¿Cuánto paga el segundo?



## Reparto Inverso

Recordando que:



Entonces para repartir una cantidad en forma inversamente proporcional a ciertos índices, es suficiente repartir directamente proporcional a las inversas de los índices:

**Ejemplo:** Repartir 390 en 3 partes que sean inversamente proporcionales a los números de 6 ; 9 y 12.

Handwritten solution for the example:

$390 \rightarrow \begin{cases} 6 \rightarrow \frac{1}{6} \rightarrow \frac{1}{6}(36) \Rightarrow 6K \Rightarrow 6(30) = 180 \\ 9 \rightarrow \frac{1}{9} \rightarrow \frac{1}{9}(36) \Rightarrow 4K \Rightarrow 4(30) = 120 \\ 12 \rightarrow \frac{1}{12} \rightarrow \frac{1}{12}(36) \Rightarrow 3K \Rightarrow 3(30) = 90 \end{cases}$

$K = \frac{390}{13} = 30$

$K = 30$

$6-9-12 \mid 2$   
 $3-9-6 \mid 2$   
 $3-9-3 \mid 3$   
 $1-3-1 \mid 3$   
 $1-1-1 \mid 1$   
 $2 \times 2 \times 3 \times 3$   
 $4 \times 9$   
 $36$

## Prácticas

Repartir 360 en 3 partes que sea inversamente proporcionales a los números 3, 4y 6. Hallar la mayor parte

Handwritten solution for the practice:

$360 \rightarrow \begin{cases} 3 \rightarrow \frac{1}{3} \times 12 = 4 \Rightarrow 4K \Rightarrow 4(40) = 160 \\ 4 \rightarrow \frac{1}{4} \times 12 = 3 \Rightarrow 3K \Rightarrow 3(40) = 120 \\ 6 \rightarrow \frac{1}{6} \times 12 = 2 \Rightarrow 2K \Rightarrow 2(40) = 80 \end{cases}$

$K = \frac{360}{9} = 40$

$3-4-6 \mid 2$   
 $3-2-3 \mid 2$   
 $3-1-3 \mid 3$   
 $1-1-1 \mid 1$   
 $2 \times 2 \times 3$   
 $4 \times 3$   
 $12$

Repartir 735 en partes inversamente proporcionales a  $\frac{1}{5}$ ,  $\frac{3}{5}$  y 3. hallar la suma de cifras de la mayor parte.

Handwritten solution for the practice:

$735 \rightarrow \begin{cases} \frac{1}{5} \rightarrow 5 \times 3 = 15K \Rightarrow 15(35) = 525 \\ \frac{3}{5} \rightarrow 5 \times 2 = 5K \Rightarrow 5(35) = 175 \\ 3 \rightarrow \frac{1}{3} \times 3 = 1K \Rightarrow 1(35) = 35 \end{cases}$

$K = \frac{735}{21} = 35$

$5+2+5 = 12$



## Prácticas

- Divide 1600 en partes inversamente proporcionales a  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{1}{5}$  y 6. Calcular la suma de las partes mayor y menor.

$$1600 \begin{cases} \frac{2}{3} \\ \frac{1}{5} \\ 6 \end{cases} \text{ IP}$$

$$\frac{2}{3} \times 6 = 9K \Rightarrow 9(40) = 360$$

$$\frac{1}{5} \times 6 = 30K = 30(40) = 1200$$

$$6 \times \frac{1}{6} = 1K \Rightarrow 1(40) = 40$$

$$K = 40$$

$$360 + 1200 + 40 = 1600$$

- Dividir en 170 en dos partes inversamente proporcionales a los números  $\frac{3}{2}$  y  $\frac{4}{3}$ . Hallar el mayor.

$$170 \begin{cases} \frac{3}{2} \\ \frac{4}{3} \end{cases} \text{ IP}$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{4}{3} = 8K \Rightarrow 8(10) = 80$$

$$\frac{4}{3} \times \frac{3}{4} = 9K = 9(10) = 90$$

$$K = \frac{170}{17} = 10$$

## Reto – Semana 17

- Repartir el número 1246 inversamente proporcional a  $\frac{5}{2}$ ; 4 y  $\frac{6}{5}$ . hallar la suma de cifras del menor número.
- Repartir 1000 en forma inversamente proporcional a  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{5}$ . Hallar la mayor parte.



## Reparto Compuesto

Se da cuando el reparto se hace en partes que son proporcionales a varios grupos de índices.

**Recordar:** Si: "A" D.P. "B" y también con "C", entonces "A" D.P. ("B" x "C").

**Ejemplo:** Repartir 2225 en 3 partes que sean D.P. a los números: 3, 5 y 8 e I.P. a los números 4, 6 y 9.

$$2225 \begin{cases} 3 & 4 \rightarrow \frac{1}{4} \times 36 = 9 & 3 \times 9 = 27K & \begin{array}{r} 4-6-9 \\ 2-3-9 \\ 1-3-9 \end{array} \\ 5 & 6 \rightarrow \frac{1}{6} \times 36 = 6 & 5 \times 6 = 30K & \begin{array}{r} 1-1-3 \\ 3-1-1 \end{array} \\ 8 & 9 \rightarrow \frac{1}{9} \times 36 = 4 & 8 \times 4 = 32K & \begin{array}{r} 2 \times 2 \times 3 \times 3 \\ 4 \times 9 \\ (36) \end{array} \end{cases}$$

D.P.    I.P.

$$K = \frac{2225}{89} = 25$$

$$\begin{array}{r} 27(25) \\ 675 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 30(25) \\ 750 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 32(25) \\ 800 \end{array}$$

## Prácticas

- Repartir 648 en forma D. P a los números 4 y 6; y a la vez en forma I.P a los números 3 y 9

$$648 \begin{cases} 4 & 3 \Rightarrow \frac{1}{3} \times 9 = 3 & 4 \times 3 = 12K \Rightarrow 12(36) = 432 \\ 6 & 9 \Rightarrow \frac{1}{9} \times 9 = 1 & 6 \times 1 = \frac{6}{18}K \Rightarrow 6(36) = 216 \end{cases}$$

D.P.    I.P.

$$K = \frac{648}{18} = 36$$

- Tres personas compran todos los boletos de una rifa en forma directamente proporcional a 2, 3 y 7. Si el premio se reparte en forma inversamente proporcional al número de rifas compradas. ¿Cuánto dinero recibió el que compró más boletos si en total se repartió S/. 2542?

$$2542 \begin{cases} 2 \rightarrow \frac{1}{2} \times 42 = 21 & K = 21(62) = 1302 \\ 3 \rightarrow \frac{1}{3} \times 42 = 14 & K = 14(62) = 868 \\ 7 \rightarrow \frac{1}{7} \times 42 = 6 & K = 6(62) = 372 \end{cases}$$

I.P.

$$62 = K = \frac{2542}{41}$$



# Reto – Semana 18

- Repartir el número 459 directamente proporcional a 3 y 5 y simultáneamente a 7 y 6. hallar la suma de cifras del mayor número.
- Repartir 2600 directamente proporcional a 2; 3 y 6 y simultáneamente a 4; 5 y 7. Hallar el menor.
- Repartir 6160 en parte inversamente proporcionales a 2; 3 y 4 y  $\frac{2}{3}$ ;  $\frac{1}{2}$  y 5. Hallar la suma de cifras del mayor.

Desarrolla el reto propuesto en tu cuaderno y envíalo por la APP Matemática:

<https://play.google.com/store/apps/details?id=matematica.aplidvm>

12

Mg. Hector Raúl Fernández Marcelo

## Capítulo 3 - El agujero de gusano

### Malditas Matemáticas

"Alicia en el país de los Números"

<https://play.google.com/store/apps/details?id=matematica.aplidvm>



Desarrolla el reto propuesto en tu cuaderno y envíalo por la APP Matemática:

<https://play.google.com/store/apps/details?id=matematica.aplidvm>

13

Mg. Hector Raúl Fernández Marcelo